

Họ và tên:.....SBD:.....

PHẦN I: TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN

Câu 1. $\lim_{x \rightarrow 6} \sqrt{x-2}$ bằng

- A. 0. B. 1. C. 2. D. 4.

Câu 2. Cho hàm số $f(x)$ thỏa mãn $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 5; \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 5$. Khi đó $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ bằng

- A. 0. B. 1. C. -1. D. 5.

Câu 3. $\lim_{x \rightarrow 2^-} \left(\frac{x+3}{x-2} \right)$ có kết quả là

- A. 1. B. $-\frac{3}{2}$. C. $+\infty$. D. $-\infty$.

Câu 4. $\lim_{x \rightarrow 0} (x^2 + 2x - 1)$ bằng

- A. 10. B. -1. C. $+\infty$. D. $-\infty$.

Câu 5. Dãy số nào sau đây có giới hạn bằng $-\frac{1}{3}$?

- A. $u_n = \frac{n^2 + 2n}{n^3 + 5}$. B. $u_n = \frac{-3n^2 + 3n + 1}{9n^2 + 1}$. C. $u_n = \frac{n^2 - 2n}{3n^2 + 5}$. D. $u_n = \frac{-n^4 + 2n^3 - 1}{3n^3 + 2n^2 - 2}$.

Câu 6. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2023}{n+3}$ bằng

- A. 2023. B. 0. C. $-\infty$. D. $+\infty$.

Câu 7. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{2} \right)^n$ bằng

- A. $\frac{1}{2}$. B. $-\infty$. C. $+\infty$. D. 0.

Câu 8. Cho hai dãy số $(u_n); (v_n)$ thỏa mãn $\lim u_n = 5; \lim v_n = 4$. Giá trị $\lim (u_n - v_n)$ bằng

- A. $5/4$. B. 1. C. 9. D. 20.

Câu 9. $\lim_{x \rightarrow 4} \left(\frac{x^2 - 3x - 4}{x - 2} \right)$ có kết quả nào sau đây?

- A. 5. B. 1. C. 0. D. $+\infty$.

Câu 10. Cho dãy số (u_n) có $\lim (u_n) = 10$. Khi đó $\lim (u_n + 2)$ bằng

- A. 12. B. 20. C. 8. D. 5.

Câu 11. $\lim (5n^3 + n^2 - 1)$ bằng

- A. 0. B. $-\infty$. C. 5. D. $+\infty$.

Câu 12. Cho hai hàm số $f(x); g(x)$ thỏa mãn $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 3; \lim_{x \rightarrow 2} g(x) = -\infty$.

Giá trị $\lim [f(x) \cdot g(x)]$ bằng:

- A. 0. B. $-\infty$. C. 3. D. $+\infty$.

Câu 13. $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x^2 - 1}{x + 1} \right)$ có kết quả nào sau đây?

- A. 1. B. $+\infty$. C. $-\infty$. D. 0.

Câu 14. Dãy số nào sau đây có giới hạn bằng 0?

- A. $u_n = \left(\frac{1}{3} \right)^n$. B. $u_n = \left(\frac{-4}{3} \right)^n$. C. $u_n = \left(-\frac{5}{3} \right)^n$. D. $u_n = \left(\frac{4}{3} \right)^n$.

Câu 15. $\lim(2n+1)$ bằng

- A. 2. B. 1. C. $+\infty$. D. $-\infty$.

Câu 16. $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-3x^4)$ bằng

- A. -3. B. 4. C. $-\infty$. D. $+\infty$.

Câu 17. Hàm số $y = \frac{2023}{x+1}$ gián đoạn tại điểm nào sau đây?

- A. 1. B. 0. C. -1. D. 2023.

Câu 18. Cho hai dãy số $(u_n); (v_n)$ thỏa mãn $\lim u_n = 3; \lim v_n = 2$. Giá trị $\lim(2u_n - v_n)$ bằng

- A. 4. B. 1. C. 7. D. 5.

Câu 19. $\lim_{x \rightarrow +\infty} (x^3 + x^2 - 3)$ bằng

- A. $+\infty$. B. $-\infty$. C. -3. D. 0.

Câu 20. Cho dãy số (u_n) thỏa mãn $\lim(u_n + 3) = 7$. Giá trị $\lim(u_n)$ bằng

- A. 4. B. 10. C. $\frac{7}{3}$. D. 21.

Câu 21. Hàm số $y = \frac{3x+2}{x(x-1)(x+1)}$ liên tục tại điểm nào sau đây?

- A. -1. B. 2. C. 0. D. 1.

Câu 22. Cho hình lập phương $ABCD.A'B'C'D'$. Góc giữa 2 đường thẳng DB và $A'C'$ bằng

- A. 120° . B. 60° . C. 45° . D. 90° .

Câu 23. Cho tứ diện $ABCD$. Đặt $\overline{AB} = \vec{a}; \overline{AC} = \vec{b}; \overline{AD} = \vec{c}$. Gọi M là trung điểm của đoạn thẳng BC . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. $\overline{DM} = \frac{1}{2}(\vec{a} + 2\vec{b} - \vec{c})$. B. $\overline{DM} = \frac{1}{2}(-2\vec{a} + \vec{b} + \vec{c})$.
C. $\overline{DM} = \frac{1}{2}(\vec{a} - 2\vec{b} + \vec{c})$. D. $\overline{DM} = \frac{1}{2}(\vec{a} + \vec{b} - 2\vec{c})$.

Câu 24. Hàm số $y = \frac{x+1}{x^2 - 4x + 3}$ liên tục tại khoảng nào sau đây?

- A. $(-\infty; +\infty)$. B. $(0; 2)$. C. $(4; 5)$. D. $(2; 4)$.

Câu 25. Cho hình lập phương $ABCD.A'B'C'D'$. Góc giữa 2 vectơ $\overline{BA'}$ và $\overline{B'D'}$ bằng

- A. 60° . B. 90° . C. 30° . D. 45° .

Câu 26. Qua phép chiếu song song, tính chất nào không được bảo toàn?

- A. Song song. B. Thẳng hàng. C. Chéo nhau. D. Đồng quy.

Câu 27. Hàm số nào sau đây không liên tục trên \mathbb{R} ?

- A. $y = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 5}$. B. $y = \sin x$. C. $y = \frac{x+2}{x-1}$. D. $y = \sin x + 100$.

Câu 28. Trong không gian cho 3 đường thẳng phân biệt a, b, c . Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. Nếu a và b cùng vuông góc với c thì a song song với b .
- B. Nếu a và b cùng vuông góc với c thì a vuông góc với b .
- C. Nếu a vuông góc với b và c vuông góc với a thì c song song với b .
- D. Nếu a song song với b và c vuông góc với a thì c vuông góc với b .

Câu 29. Trong không gian, cho 2 đường thẳng a, b lần lượt có vectơ chỉ phương là $\vec{u}; \vec{v}$. Biết $(\vec{u}; \vec{v}) = 120^\circ$. Góc giữa hai đường thẳng a, b bằng

- A. 60° .
- B. 90° .
- C. 30° .
- D. 120° .

Câu 30. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} x+1 & \text{khi } x \neq 3 \\ 2a & \text{khi } x = 3 \end{cases}$. Giá trị của a để hàm số liên tục tại $x = 3$ là

- A. 0.
- B. 2.
- C. 3.
- D. 4.

Câu 31. Cho hình hộp chữ nhật $ABCD.A'B'C'D'$. Khi đó vectơ \overline{DB} bằng

- A. $\overline{D'B'}$.
- B. \overline{DA} .
- C. \overline{AC} .
- D. $\overline{BB'}$.

Câu 32. Cho tứ diện đều $ABCD$. Góc giữa 2 đường thẳng $AB; CD$ là

- A. 45° .
- B. 90° .
- C. 30° .
- D. 60° .

Câu 33. Hàm số nào sau đây liên tục trên khoảng $(2; 5)$?

- A. $y = \frac{x-2}{x-4}$.
- B. $y = \frac{x+5}{x^2-9}$.
- C. $y = \frac{x+1}{x-6}$.
- D. $y = \frac{2x+1}{x-3}$.

Câu 34. Trong không gian, cho $\vec{u}; \vec{v}$ có $(\vec{u}; \vec{v}) = 60^\circ; |\vec{u}| = 2; |\vec{v}| = 3$. Tích vô hướng $\vec{u} \cdot \vec{v}$ bằng

- A. 3.
- B. -3.
- C. 6.
- D. $\frac{1}{2}$.

Câu 35. Cho hình hộp $ABCD.A'B'C'D'$. Mệnh đề nào sau đây sai?

- A. $\overline{AB} + \overline{BC'} + \overline{C'D'} + \overline{D'A} = \vec{0}$.
- B. $\overline{AB} + \overline{AA'} = \overline{AD} + \overline{DD'}$.
- C. $\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CC'} = \overline{AD'} + \overline{D'B} + \overline{BC'}$.
- D. $\overline{AC'} = \overline{AB} + \overline{AD} + \overline{AA'}$.

PHẦN II: TỰ LUẬN

Câu 1. (1,0 điểm) Tính $A = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + 4n} - n + 3)$.

Câu 2. (1,0 điểm) Cho tứ diện đều $ABCD$ có cạnh bằng a .

a) Tính $\overline{AD} \cdot \overline{DC}$.

b) Chứng minh rằng $AD \perp BC$.

Câu 3. (1,0 điểm)

a) Cho phương trình $x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$ với $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ thỏa mãn: $9a + 5b + 3c + 2d = -17$. Chứng minh rằng phương trình đã cho luôn có nghiệm.

b) Tìm 2 số thực a, b sao cho $\lim_{x \rightarrow -\infty} (\sqrt{4x^2 + ax + 1} + bx) = -1$.

----- HẾT -----