

Họ và tên học sinh:..... Số báo danh:

Câu 1. Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$. Tọa độ của vector $-\vec{a}$ là
A. $(-2; 1; -3)$. **B.** $(-3; 2; 1)$. **C.** $(2; -3; 1)$. **D.** $(1; 2; -3)$.

Câu 2. Tập xác định của hàm số $y = (x^2 - 1)^{-2024}$ là
A. $(1; +\infty)$. **B.** $(0; +\infty)$. **C.** $\mathbb{R} \setminus \{\pm 1\}$. **D.** $(-\infty; -1)$.

Câu 3. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$		0		3		$+\infty$
y'		-	0	+	0	-	
y	$+\infty$	↘		4	↗		-1
					↘		$-\infty$

Hàm số đã cho đồng biến trên khoảng nào dưới đây?

A. $(-\infty; 1)$. **B.** $(0; 3)$. **C.** $(3; +\infty)$. **D.** $(-4; -1)$.

Câu 4. $\int x^3 dx$ bằng
A. $3x^2 + C$. **B.** $4x^4 + C$. **C.** $\frac{1}{4}x^4 + C$. **D.** $x^4 + C$.

Câu 5. Thể tích của khối chóp có diện tích đáy bằng $\frac{\sqrt{3}}{2}$ và chiều cao bằng $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ là

A. $\frac{\sqrt{6}}{6}$. **B.** $\frac{\sqrt{2}}{3}$. **C.** 1. **D.** $\frac{1}{3}$.

Câu 6. Hàm số nào sau đây nghịch biến trên \mathbb{R} ?

A. $y = \frac{x-1}{x+1}$. **B.** $y = -x^3 - x + 2$. **C.** $y = x^2 + 2x$. **D.** $y = x^4 + 2x^2$.

Câu 7. Đạo hàm của hàm số $y = e^{2x}$ là

A. $y' = \frac{e^{2x}}{2}$. **B.** $y' = 2e^{2x}$. **C.** $y' = 2xe^{2x-1}$. **D.** $y' = e^{2x}$.

Câu 8. Trong không gian Oxyz, cho hai điểm $A(1; 1; -2)$ và $B(2; 2; 1)$. Vector \overline{AB} có tọa độ là

A. $(-1; -1; -3)$ **B.** $(3; 1; 1)$ **C.** $(1; 1; 3)$ **D.** $(3; 3; -1)$

Câu 9. Khai triển $(2x+1)^{199}$ có bao nhiêu số hạng?

A. 198. **B.** 201. **C.** 199. **D.** 200.

Câu 19. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): x - 2y + 2z - 2 = 0$ và điểm $I(-1; 2; -1)$. Viết phương trình mặt cầu (S) có tâm I và cắt mặt phẳng (P) theo giao tuyến là đường tròn có bán kính bằng 5.

A. $(S): (x+1)^2 + (y-2)^2 + (z+1)^2 = 25$. **B.** $(S): (x+1)^2 + (y-2)^2 + (z+1)^2 = 16$.

C. $(S): (x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-1)^2 = 40$. **D.** $(S): (x+1)^2 + (y-2)^2 + (z+1)^2 = 34$.

Câu 20. Cho $\log_3 5 = a$, $\log_3 10 = b$ và $\log_{\sqrt{3}} 50 = ma + nb$. Mệnh đề nào sau đây **đúng**?

A. $m + n = 1$. **B.** $m - n = 2$. **C.** $m.n = 2$. **D.** $m + n = m.n$.

Câu 21. Cho khối hộp chữ nhật $ABCD.A'B'C'D'$, biết $AB = a$; $BC = 2a$; $AC' = a\sqrt{21}$. Tính thể tích của khối hộp đó?

A. $4a^3$. **B.** $8a^3$. **C.** $16a^3$. **D.** $\frac{8}{3}a^3$.

Câu 22. Phương trình $\log_2(2x-3) = \log_2(6-x)$ có nghiệm là

A. $x = 3$. **B.** $x = \frac{3}{2}$. **C.** $x = -3$. **D.** $x = 6$.

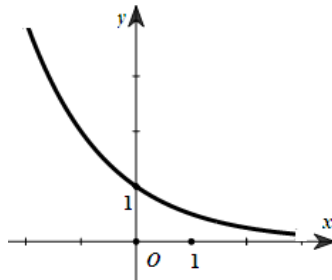
Câu 23. Biết $F(x) = e^x + x^2$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$ trên \mathbb{R} . Khi đó $\int f(2x) dx$ bằng

A. $e^{2x} + 4x^2 + C$. **B.** $2e^x + 2x^2 + C$. **C.** $\frac{1}{2}e^{2x} + x^2 + C$. **D.** $\frac{1}{2}e^{2x} + 2x^2 + C$.

Câu 24. Tập nghiệm của bất phương trình $2^{x-3} < \left(\frac{1}{4}\right)^{x+1}$ là

A. $\left(-\infty; \frac{1}{3}\right)$. **B.** $(-\infty; 3)$. **C.** $(3; +\infty)$. **D.** $\left(\frac{1}{3}; +\infty\right)$.

Câu 25. Hàm số nào sau đây mà đồ thị có dạng như hình vẽ bên dưới ?



A. $y = \ln x$. **B.** $y = (\sqrt{2})^x$. **C.** $y = \left(\frac{1}{e}\right)^x$. **D.** $y = \log_{\frac{1}{2}} x$.

Câu 26. Nếu $\int_1^2 f(x) dx = 3$ và $\int_0^2 f(x) dx = -5$ thì $\int_0^1 f(x) dx$ bằng

A. -2 . **B.** 8 . **C.** 2 . **D.** -8 .

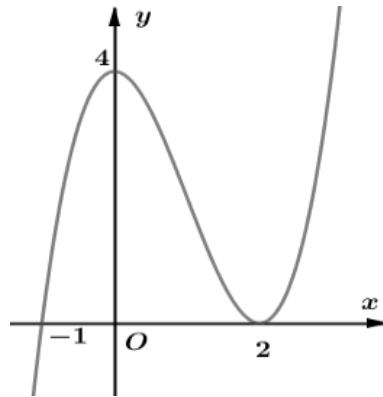
Câu 27. Cho hàm số $F(x)$ thỏa mãn $F'(x) = 3 - 5 \cos x$ và $F(0) = 5$. Mệnh đề nào dưới đây **đúng**?

A. $F(x) = 3x + 5 \sin x + 2$. **B.** $F(x) = 3x - 5 \sin x - 5$.
C. $F(x) = 3x + 5 \sin x + 5$. **D.** $F(x) = 3x - 5 \sin x + 5$.

Câu 38. Cho hình lập phương $ABCD.A'B'C'D'$ cạnh a , I là trung điểm CD' . Khoảng cách từ I đến mặt phẳng $(BDD'B')$ bằng

- A.** $\frac{a\sqrt{2}}{4}$. **B.** $\frac{a}{4}$. **C.** $\frac{a\sqrt{6}}{4}$. **D.** $\frac{a\sqrt{3}}{4}$.

Câu 39. Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị như hình vẽ.



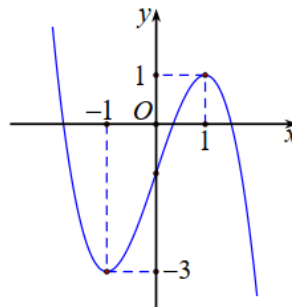
Số nghiệm thực của phương trình $\frac{f(f(x))}{f^2(x) + f(x)} = 0$ là

- A.** 2. **B.** 4. **C.** 3. **D.** 1.

Câu 40. Giả sử $\int_0^2 \frac{x-1}{x^2+4x+3} dx = a \ln 5 + b \ln 3$; $a, b \in \mathbb{Q}$. Tính $P = a.b$.

- A.** $P = -6$. **B.** $P = -5$. **C.** $P = -4$. **D.** $P = 8$.

Câu 41. Cho hàm số $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ có đồ thị là đường cong trong hình bên dưới.



Tính $T = f(a - b + c - d - 3)$.

- A.** $T = 0$. **B.** $T = 2$. **C.** $T = -1$. **D.** $T = 4$.

Câu 42. Có tất cả bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m để đồ thị hàm số $y = |x^4 + 2mx^2 - 4|$ có đúng ba điểm cực trị và ba điểm cực trị đó tạo thành tam giác có diện tích lớn hơn 4.

- A.** 4. **B.** 3. **C.** 1. **D.** 2.

Câu 43. Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy ABC là tam giác đều cạnh $3a$, cạnh $SA = a$ vuông góc với mặt phẳng (ABC) . Gọi G là trọng tâm của tam giác ABC ; M, N lần lượt là trung điểm của SB và SC . Thể tích của khối tứ diện $AMNG$ bằng

- A.** $\frac{9\sqrt{3}a^3}{16}$. **B.** $\frac{3\sqrt{3}a^3}{8}$. **C.** $\frac{3\sqrt{3}a^3}{16}$. **D.** $\frac{\sqrt{3}a^3}{8}$.

- Câu 44.** Một người bán gạo muốn đóng một thùng tôn đựng gạo thể tích không đổi bằng $V = 5m^3$, thùng tôn hình hộp chữ nhật có đáy là hình vuông, không nắp. Trên thị trường, giá tôn làm đáy thùng là 100.000 đồng $1m^2$, giá tôn làm mặt xung quanh của thùng là 80.000 đồng $1m^2$. Hỏi người bán gạo đó đóng thùng đựng gạo với cạnh đáy bằng bao nhiêu sao cho chi phí mua nguyên liệu là nhỏ nhất?
A. $1m$. **B.** $1,5m$. **C.** $3m$. **D.** $2m$.
- Câu 45.** Số giá trị nguyên của tham số m để hàm số $y = \frac{x+2}{x+3m}$ đồng biến trên khoảng $(-\infty; -6)$ là:
A. 2. **B.** 4. **C.** 20. **D.** 21.
- Câu 46.** Có bao nhiêu số nguyên y để với mỗi y có đúng 2 số thực x thỏa mãn bất phương trình

$$\frac{2e^x}{\sqrt{8e^x - y}} + \ln(8e^x - y) \leq 2x + 2?$$

A. 2. **B.** 15. **C.** 16. **D.** 3.
- Câu 47.** Cho hình chóp $S.ABC$ có đáy ABC là tam giác đều cạnh a , cạnh SA vuông góc với mặt phẳng đáy và $SA = 2a$, gọi M là trung điểm của SC . Tính cosin của góc α là góc giữa đường thẳng BM và (ABC) .
A. $\cos \alpha = \frac{\sqrt{7}}{14}$. **B.** $\cos \alpha = \frac{2\sqrt{7}}{7}$. **C.** $\cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{7}$. **D.** $\cos \alpha = \frac{\sqrt{21}}{7}$.
- Câu 48.** Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm liên tục, nhận giá trị dương trên $(0; +\infty)$, $f(1) = \sqrt{e}$ và thỏa mãn $f^3(x)e^{-x} + (x^3 + x^2)f(x) - 2x^3f'(x) = 0, \forall x \in (0; +\infty)$. Tính $\int_1^2 f(x) dx$.
A. $e + \sqrt{e}$. **B.** $2\sqrt{e}$. **C.** $2e$. **D.** $e - \sqrt{e}$.
- Câu 49.** Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng $(P): x - 2y + 2z - 3 = 0$ và mặt cầu $(S): x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y - 2z + 5 = 0$. Giả sử $M \in (P)$ và $N \in (S)$ sao cho \overline{MN} cùng phương với vector $\vec{u} = (1; 0; 1)$ và khoảng cách giữa M và N lớn nhất. Tính MN .
A. $MN = 3\sqrt{2}$. **B.** $MN = 3$. **C.** $MN = 1 + 2\sqrt{2}$. **D.** $MN = 14$.
- Câu 50.** Cho hàm số $f(x) = 2024^x - \frac{1}{2024^x} - \ln(x + \sqrt{x^2 + 1}) + x$. Biết rằng $m = a + b\sqrt{2}$ (với $a \in Z, b \in Z$) là số thực sao cho phương trình $f(|x^3 - 3x|) + f(m) = 0$ có 6 nghiệm thực phân biệt thỏa mãn tổng các nghiệm âm bằng $2 - 4\sqrt{2}$. Tính $a - b$.
A. -38 . **B.** -6 . **C.** 38 . **D.** 6 .

-----HẾT-----